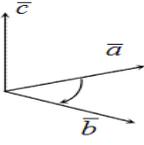
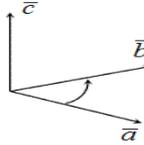
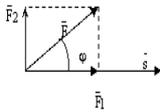
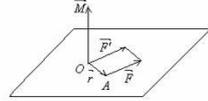
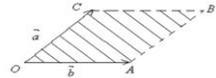
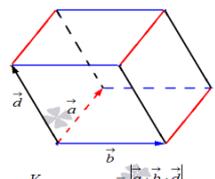
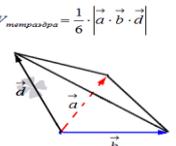


<p>Скалярное произведение – это число, обозначение которого: $\vec{a} \cdot \vec{b}$ или (\vec{a}, \vec{b}).</p>	<p>Векторное произведение – это вектор \vec{c}, который $\perp \vec{a}$ и $\perp \vec{b}$, а также образует правую тройку $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$, и длина вектора $\vec{c} = [\vec{a}, \vec{b}]$</p> <p>Обозначение: $\vec{a} \times \vec{b}$ или $[\vec{a}, \vec{b}]$.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">  <p>Рис. 1</p> <p>Левая тройка $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>Рис. 2</p> <p>Правая тройка $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$</p> </div> </div>	<p>Смешанное произведение – это число, обозначение которого $\vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c} = (\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})$ $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = (\vec{a}, [\vec{b}, \vec{c}]) = ([\vec{a}, \vec{b}], \vec{c})$ сочетание скалярного и векторного произведений</p>
$(\vec{a}, \vec{b}) = \vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$	$ [\vec{a}, \vec{b}] = \vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = [\vec{a}, \vec{b}] \cdot \vec{c} \cdot \cos([\vec{a}, \vec{b}], \vec{c})$
$(\vec{a}, \vec{b}) = x_a x_b + y_a y_b + z_a z_b$ сумма произведений одноименных координат векторов \vec{a}, \vec{b} .	$[\vec{a}, \vec{b}] = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ x_a & y_a & z_a \\ x_b & y_b & z_b \end{vmatrix}$ Через координаты векторов \vec{a}, \vec{b} .	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = \begin{vmatrix} x_a & y_a & z_a \\ x_b & y_b & z_b \\ x_c & y_c & z_c \end{vmatrix}$
$(\vec{a}, \vec{b}) = (\vec{b}, \vec{a})$ коммукативность	$[\vec{a}, \vec{b}] = -[\vec{b}, \vec{a}]$ антикоммукативность	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = (\vec{c}, \vec{a}, \vec{b}) = -(\vec{a}, \vec{c}, \vec{b})$ (смена знака при изменении ориентации тройки векторов)
$\vec{a}^2 = (\vec{a}, \vec{a}) = \vec{a} ^2$ Скалярный квадрат равен квадрату длины вектора $ \vec{a} = \sqrt{(\vec{a}, \vec{a})}$ или $ \vec{a} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$	$(\vec{a}, \vec{a}) = 0$ или $ [\vec{a}, \vec{a}] = 0$	$(\vec{a}, \vec{a}, \vec{c}) = (\vec{a}, \vec{c}, \vec{c}) = 0$ Смешанное произведение обращается в нуль, если содержит два одинаковых вектора или нулевой вектор
$\vec{a} \perp \vec{b}$ (перпендикулярны) \Rightarrow $(\vec{a}, \vec{b}) = 0$	$\vec{a} \parallel \vec{b}$ (коллинеарны) \Rightarrow $[\vec{a}, \vec{b}] = \vec{0}$	$\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ – компланарны \Rightarrow $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = 0$
<p>Работа силы \vec{F} при перемещении материальной точки вдоль вектора \vec{s}:</p>  <p>$A = (\vec{F}, \vec{s})$.</p>	 <p>Момент силы относительно точки O, где $\vec{r} = \vec{OA}$ – радиус-вектор точки приложения силы: $\vec{M} = [\vec{F}, \vec{r}]$.</p>	
<p>Орт вектора \vec{a} – это вектор единичной длины, сонаправленный вектору \vec{a} $\vec{a}_o = 1, \vec{a}_o \uparrow \vec{a}$:</p> $\vec{a}_o = \frac{\vec{a}}{ \vec{a} }$ <p>Проекция вектора \vec{a} на вектор \vec{b}:</p> $\text{Пр}_{\vec{b}} \vec{a} = \frac{(\vec{a}, \vec{b})}{ \vec{b} }$	 <p>Площадь параллелограмма, построенного на векторах, исходящих из одной точки: $S = [\vec{a}, \vec{b}]$</p>	<p>Объем параллелепипеда, построенного на трех векторах, исходящих из одной точки:</p> $V_{\text{параллелепипеда}} = (\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) $   <p>$V_{\text{тетраэдра}} = \frac{1}{6} \vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c}$</p> <p>$V_{\text{параллелепипеда}} = [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$</p>
Угол между векторами $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{(\vec{a}, \vec{b})}{ \vec{a} \cdot \vec{b} }$	Угол между векторами $\sin(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{ [\vec{a}, \vec{b}] }{ \vec{a} \cdot \vec{b} }$	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = \begin{cases} +V, \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} - \text{правая тройка} \\ -V, \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} - \text{левая тройка.} \end{cases}$

