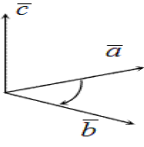
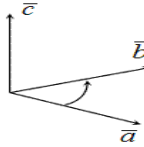
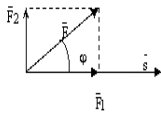
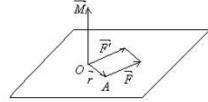
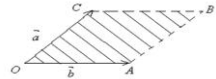
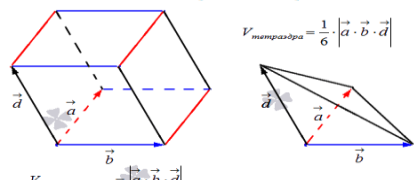


<p><b>Скалярное произведение</b> – это число, обозначение которого: <math>\vec{a} \cdot \vec{b}</math> или <math>(\vec{a}, \vec{b})</math>.</p>	<p><b>Векторное произведение</b> – это вектор <math>\vec{c}</math>, который <math>\perp \vec{a}</math> и <math>\perp \vec{b}</math>, а также образует правую тройку <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math>, и длина вектора <math> \vec{c}  =  [\vec{a}, \vec{b}] </math></p> <p>Обозначение: <math>\vec{a} \times \vec{b}</math> или <math>[\vec{a}, \vec{b}]</math>.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">  <p>Рис. 1</p> <p>Левая тройка <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math></p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>Рис. 2</p> <p>Правая тройка <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math></p> </div> </div>	<p><b>Смешанное произведение</b> – это число, обозначение которого <math>\vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c} = (\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})</math>  <math>(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = (\vec{a}, [\vec{b}, \vec{c}]) = ([\vec{a}, \vec{b}], \vec{c})</math>  сочетание скалярного и векторного произведений</p>
$(\vec{a}, \vec{b}) =  \vec{a}  \cdot  \vec{b}  \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$	$ [\vec{a}, \vec{b}]  =  \vec{a}  \cdot  \vec{b}  \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) =  [\vec{a}, \vec{b}]  \cdot  \vec{c}  \cdot \cos([\vec{a}, \vec{b}], \vec{c})$
$(\vec{a}, \vec{b}) = x_a x_b + y_a y_b + z_a z_b$ сумма произведений одноименных координат векторов $\vec{a}, \vec{b}$ .	$[\vec{a}, \vec{b}] = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ x_a & y_a & z_a \\ x_b & y_b & z_b \end{vmatrix}$ Через координаты векторов $\vec{a}, \vec{b}$ .	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = \begin{vmatrix} x_a & y_a & z_a \\ x_b & y_b & z_b \\ x_c & y_c & z_c \end{vmatrix}$
$(\vec{a}, \vec{b}) = (\vec{b}, \vec{a})$ коммукативность	$[\vec{a}, \vec{b}] = -[\vec{b}, \vec{a}]$ антикоммукативность	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = (\vec{c}, \vec{a}, \vec{b}) = -(\vec{a}, \vec{c}, \vec{b})$ (смена знака при изменении ориентации тройки векторов)
$\vec{a}^2 = (\vec{a}, \vec{a}) =  \vec{a} ^2$ Скалярный квадрат равен квадрату длины вектора $ \vec{a}  = \sqrt{(\vec{a}, \vec{a})}$ или $ \vec{a}  = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$	$(\vec{a}, \vec{a}) = 0$ или $ [\vec{a}, \vec{a}]  = 0$	$(\vec{a}, \vec{a}, \vec{c}) = (\vec{a}, \vec{c}, \vec{c}) = 0$ Смешанное произведение обращается в нуль, если содержит два одинаковых вектора или нулевой вектор
$\vec{a} \perp \vec{b}$ (перпендикулярны) $\Rightarrow$ $(\vec{a}, \vec{b}) = 0$	$\vec{a} \parallel \vec{b}$ (коллинеарны) $\Rightarrow$ $[\vec{a}, \vec{b}] = \vec{0}$	$\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ – компланарны $\Rightarrow$ $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = 0$
<p><b>Работа силы <math>\vec{F}</math></b> при перемещении материальной точки вдоль вектора <math>\vec{s}</math>:</p>  <p><math>A = (\vec{F}, \vec{s})</math>.</p>	 <p><b>Момент силы</b> относительно точки <math>O</math>, где <math>\vec{r} = \vec{OA}</math> – радиус-вектор точки приложения силы:  <math>\vec{M} = [\vec{F}, \vec{r}]</math>.</p>	
<p><b>Орт</b> вектора <math>\vec{a}</math> – это вектор единичной длины, сонаправленный вектору <math>\vec{a}</math> <math> \vec{a}_o  = 1, \vec{a}_o \uparrow \vec{a}</math>:</p> $\vec{a}_o = \frac{\vec{a}}{ \vec{a} }$ <p><b>Проекция</b> вектора <math>\vec{a}</math> на вектор <math>\vec{b}</math>:</p> $\text{Пр}_{\vec{b}} \vec{a} = \frac{(\vec{a}, \vec{b})}{ \vec{b} }$	 <p><b>Площадь параллелограмма</b>, построенного на векторах, исходящих из одной точки: <math>S =  [\vec{a}, \vec{b}] </math></p>	<p><b>Объем параллелепипеда</b>, построенного на трех векторах, исходящих из одной точки:</p> $V_{\text{параллелепипеда}} =  (\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) $  <p><math>V_{\text{тетраэдра}} = \frac{1}{6}  \vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c} </math></p> <p><math>V_{\text{параллелепипеда}} =  [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] </math></p>
Угол между векторами $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{(\vec{a}, \vec{b})}{ \vec{a}  \cdot  \vec{b} }$	Угол между векторами $\sin(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{ [\vec{a}, \vec{b}] }{ \vec{a}  \cdot  \vec{b} }$	$(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}) = \begin{cases} +V, \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} - \text{правая тройка} \\ -V, \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} - \text{левая тройка.} \end{cases}$

